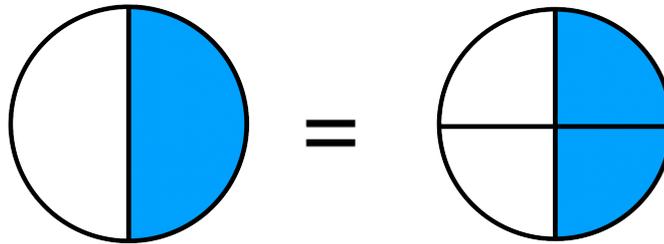


Was ist Kürzen und Erweitern?

Es kommt oft vor, dass 2 verschiedene Brüche den selben Anteil beschreiben. Folgendes Beispiel verdeutlicht das:



Teilt man beispielsweise einen Kuchen in 2 Teile und isst 1 davon (linke Grafik), so hat man insgesamt $\frac{1}{2}$ des Kuchens gegessen. Hätte man den Kuchen in 4 Teile unterteilt und 2 Teile davon gegessen, so hätte man $\frac{2}{4}$ des Kuchens gegessen (rechte Grafik). Wie man an den zwei Grafiken erkennen kann, sind die zwei blau eingefärbten Flächen, also $\frac{1}{2}$ und $\frac{2}{4}$ gleich groß.

Erweitern = Verfeinern

Denken wir zurück an die Balkentafel: Einen Balken kann man verfeinern, indem man ihn mit einer ganzen Zahl multipliziert. Beispielsweise einen 2er-Balken kann man mit 2 multiplizieren und man erhält einen 4er-Balken.

Wie wir anhand der Grafik sehen können, ist dann der Anteil an einem Ganzen (die blau eingefärbte Fläche) immer noch gleich groß.



Wie man auf der formalen Ebene erweitert bzw. verfeinert, siehst du im nächsten Infokasten.

Erweitern von Brüchen = Verfeinern

Das Erweitern von Brüchen kann man auch als ein Verfeinern sehen. Denken wir zurück an die Balkentafel oder das Kuchen-Beispiel, so erweitern wir, indem wir die blau eingefärbte Fläche noch feiner unterteilen.

Einen Bruch **erweitert** man, indem man sowohl **Zähler**, als auch **Nenner** mit der selben Zahl multipliziert.

$$\frac{1}{2} = \frac{2}{4}$$

Diagramm zur Erweiterung von $\frac{1}{2}$ auf $\frac{2}{4}$. Ein blauer Pfeil oben zeigt von 1 zu 2 mit der Beschriftung $\cdot 2$. Ein blauer Pfeil unten zeigt von 2 zu 4 mit der Beschriftung $\cdot 2$.

1 2

Beispiele

1.

$$\frac{3}{4} = \frac{9}{12}$$

Diagramm zur Erweiterung von $\frac{3}{4}$ auf $\frac{9}{12}$. Ein blauer Pfeil oben zeigt von 3 zu 9 mit der Beschriftung $\cdot 3$. Ein blauer Pfeil unten zeigt von 4 zu 12 mit der Beschriftung $\cdot 3$.

Aus $\frac{3}{4}$ werden $\frac{9}{12}$, indem man Zähler (3) und Nenner (4) jeweils mit 3 multipliziert.

2.

$$\frac{2}{3} = \frac{8}{12}$$

Diagramm zur Erweiterung von $\frac{2}{3}$ auf $\frac{8}{12}$. Ein blauer Pfeil oben zeigt von 2 zu 8 mit der Beschriftung $\cdot 4$. Ein blauer Pfeil unten zeigt von 3 zu 12 mit der Beschriftung $\cdot 4$.

Aus $\frac{2}{3}$ werden $\frac{8}{12}$, indem man Zähler (2) und Nenner (3) jeweils mit 4 multipliziert.