

AB: Geradengleichungen in Parameterform

Mathematik Vektoren 12



Reflektionsfragen

Bevor du mit den Aufgaben beginnst, solltest du kurz über die folgenden Fragen nachdenken. Wenn du zu einer Frage keine Idee hast, lies noch einmal in der INFO nach.

- ⇒ Welche beiden Vektoren werden zum Aufstellen einer Geradengleichung benötigt?
- ⇒ Welcher Punkt wird erreicht, wenn in die Gerade $g: \vec{x} = \vec{a} + r \cdot \vec{AB}$ für $r = 1$ eingesetzt wird?
- ⇒ Wie kann ich einen beliebigen Punkt auf der Geraden bestimmen?

① Stelle eine Geradengleichung auf, die durch die Punkte $A(1/2/3)$ und $B(2/0/-4)$ verläuft. Vervollständige dazu die Rechnung:

- Wähle den Punkt A als Stützpunkt und stelle den Stützvektor auf.

$$\vec{OA} =$$

- Bilde den Richtungsvektor als Vektor, der vom Stützpunkt A zum zweiten Punkt B verläuft.

$$\vec{AB} =$$

=

- Setze Stütz- und Richtungsvektor in die allgemeine Geradengleichung ein.

$$\vec{x} =$$

+ r ·



Alternative Lösung

Für den Stützvektor kann man den Ortsvektor von einem beliebigen Punkt auf der Geraden wählen, zB $\vec{OB}$, den Ortsvektor von B.

Für den Richtungsvektor kann man jeden Verbindungsvektor von zwei Punkten auf der Geraden wählen, zB auch $\vec{BA}$



Mathematik Vektoren 12

Richtungsvektor $\vec{u} = \begin{pmatrix} 5 \\ 0 \\ -3 \end{pmatrix}$ hat.

[illegible]

Geraden $\vec{x} = \begin{pmatrix} 5 \\ -3 \\ -7 \end{pmatrix} + s \cdot \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ -5 \end{pmatrix}$ verläuft.

[illegible]
$$\begin{aligned} \bigcirc g: \vec{x} &= \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ -2 \end{pmatrix} + r \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} \\ \bigcirc g: \vec{x} &= \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ -2 \end{pmatrix} + r \cdot \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix} \\ \bigcirc g: \vec{x} &= \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} + r \cdot \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \\ -2 \end{pmatrix} \\ \bigcirc g: \vec{x} &= \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} + r \cdot \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix} \\ \bigcirc g: \vec{x} &= \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 0 \end{pmatrix} + r \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ -2 \end{pmatrix} \end{aligned}$$
[illegible]



Mathematik Vektoren 12

5) Gib drei Punkte an, die auf der Geraden h liegen. Beschreibe dein Vorgehen.

$$h: \vec{x} = \begin{pmatrix} 3 \\ 1 \\ -1 \end{pmatrix} + r \cdot \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ 1 \end{pmatrix}$$

[illegible]

⑥ Ursprungsgerade

Eine Gerade durch den Koordinatenursprung heißt Ursprungsgerade.

Gib eine Parameterdarstellung für die Ursprungsgerade durch den Punkt $P(2/4/5)$ an.

[illegible]

- ⑦ Bestimme drei verschiedene Parameterdarstellungen der Geraden g , die durch die Punkte $A(-3/6/12)$ und $B(5/0/1)$ verläuft.

A full page of blank graph paper with a uniform grid of small squares. The grid consists of 20 columns and 20 rows, creating a total of 400 small square units. The lines are thin and black, set against a white background. There are no margins or additional markings on the page.

Mathematik Vektoren 12

[illegible]

$$P(q_1/q_2/q_3): \overrightarrow{OP} = \begin{pmatrix} p_1 \\ p_2 \\ p_3 \end{pmatrix}$$


- Bestandteile einer Geradengleichung in Parameterform
- Wie erstellt man eine Geradengleichung aus zwei Punkten
- Wichtige Begriffe (siehe Aufgabe 9)